

? Αποδειχαγε ηδη ότι $\frac{A_{21}}{B_{21}} = \frac{8\pi h\nu^3}{c^3}$. Γνωρίζουμε ότι $p(\nu, T) = \frac{8\pi h}{c^3} \frac{\nu^3}{e^{\frac{hv}{k_B T}} - 1} \stackrel{1}{=}$

ΣΥΓΚΡΙΣΗ ΕΚΠΟΜΠΩΝ

$$\frac{dW_{\text{εκπ}}^{\text{ανθ}}}{dW_{\text{εκπ}}^{\text{εξ}}} = \frac{A_{21} dt}{B_{21} p(\nu, T) dt} = \frac{8\pi h\nu^3}{c^3} \frac{c^3}{8\pi h\nu^3} \left(e^{\frac{hv}{k_B T}} - 1 \right) = e^{\frac{hv}{k_B T}} - 1 > 0$$

↓ ανθρακική διεργασία (τα φωτώνια που παρέχονται έχουν ίδια φύση)

? Άρα, ουτός δείχνει περισσότερη συνοχή; Η ανάπτυξη $\sim \downarrow (\lambda \uparrow)$

η $T \uparrow$

δικαστής ούσο το δυνατόν μικρότερες συχνότητες (μεγαλύτερα ψηλα κύματα)

ε ούσο το δυνατόν

μεγαλύτερες θερμοκρασίες

Άλλοι είναι οι λόγοι που οι πρώτες προσπάθειες για κατασκευή
ανθρακικής που παράγει ανθρακική ΉM δικτύωσαν έπικεντρωτικούς συν-
περιοχής των ψηλα κύματάς των

$\lambda \sim 1 \text{ cm}$

MASER (microwave amplification by stimulated
emission of radiation)

$\lambda \sim 500 \text{ nm}$

LASER



light

η σύραση

to MASER 1953

σύμφωνα με την επικράτηση \checkmark LASER άκοψα και για μή δρεσ ΗM κυμάτα π.χ. λέγεται

X-LASER αντι για XASER

UV-LASER αντι για UVASER

αντι για atom-LASER αντι για AASER (για πράγματα π.χ. μποράνια)

$$\text{Άνταλπη σε Διάβολος} \quad \frac{dW_{\text{avg}}}{dW_{\text{εκπ}}} = 1 \Rightarrow e^{\frac{h\nu}{k_B T}} - 1 = 1 \Rightarrow e^{\frac{h\nu}{k_B T}} = 2 \Rightarrow$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{h\nu}{k_B T} = \ln 2 \\ c = \lambda v \end{array} \right\} \quad \frac{hc}{\lambda k_B T} = \ln 2 \Rightarrow \boxed{T = \frac{hc}{2k_B \ln 2}} \quad \boxed{T = \frac{h\nu}{k_B \ln 2}}$$

$$\frac{hc}{k_B} \approx 14,404 \cdot 10^{-3} \text{ K m}$$

• για έρυθρο φως (π.χ. $\lambda = 700 \text{ nm}$)

$$T = \frac{14,404 \cdot 10^{-3} \text{ Km}}{700 \cdot 10^{-9} \text{ m} \ln 2} \approx 29687 \text{ K}$$

φωτόσφαιρα Ήλιου \(\sim 6000 \text{ K}\)

φωτόσφαιρα ζελέρων με μόλις 20 ημέρες \(\sim 30000 \text{ K}\)

από αυτή τος Ήλιου

Άνταλπη σε Διάβολος
Hertzsprung - Russell

• Άρα το $\frac{dW_{\text{avg}}}{dW_{\text{εκπ}}} = 1$ σε θερμοδιαγραμμική ήσσονα είναι ανέπικτο

• για μικροκύψελα (π.χ. $\lambda = 1 \text{ cm}$)

$$T = \frac{14,404 \cdot 10^{-3} \text{ Km}}{10^{-2} \text{ m} \ln 2} \approx 2,078 \text{ K}$$

• Άρα το $\frac{dW_{\text{avg}}}{dW_{\text{εκπ}}} = 1$ μπορεί να ξεπερνήσει τις περιγραφικές έφικτες
θερμοκρασίες

* Αναγίνων δυστυχώς έκαστης θερμοδιαγραμμικής ήσσονας

μετασχηματική Πληθυσμού (population inversion) κεφ. 5
μεσων υπόλοιπων (pumping)

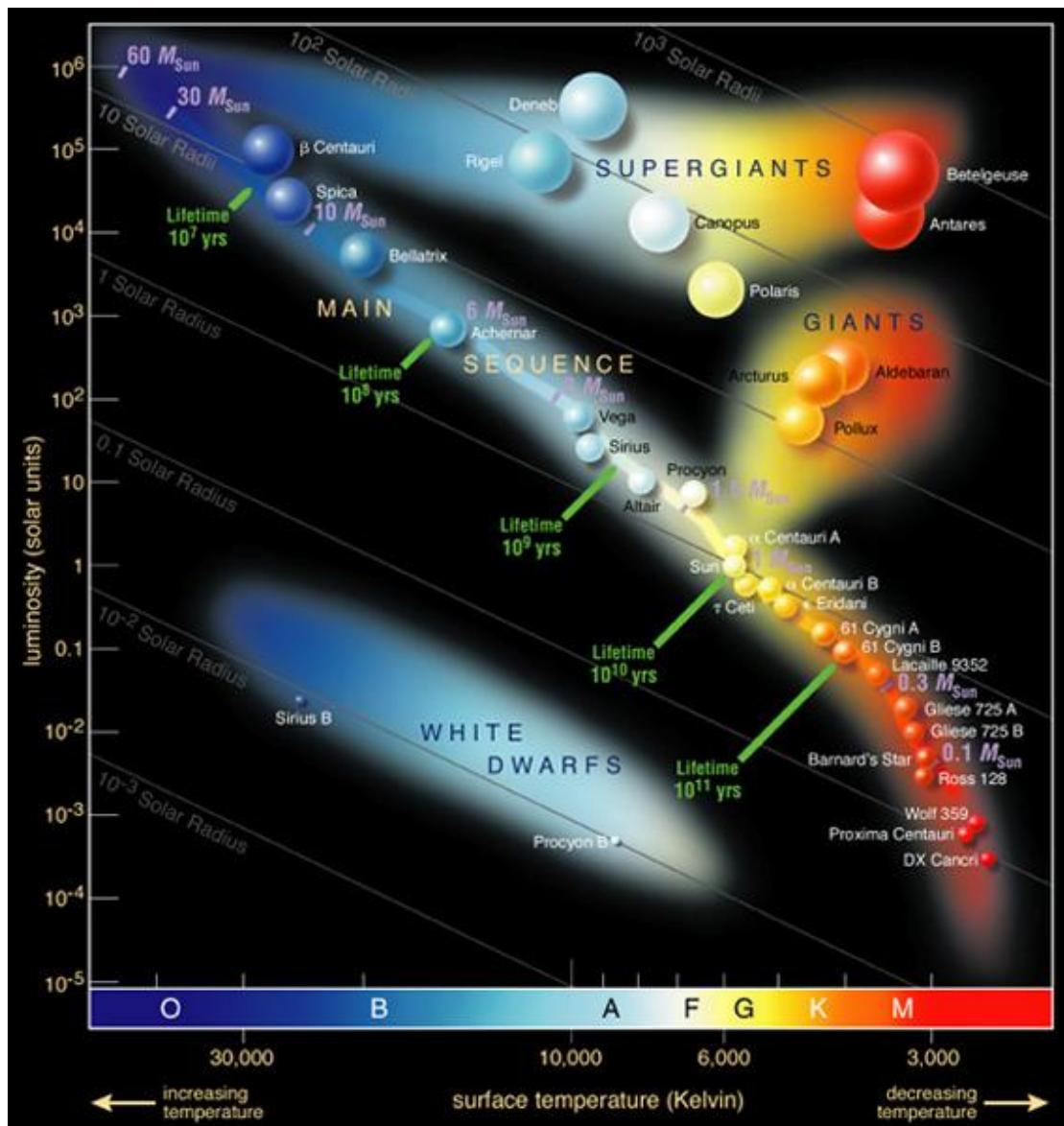
• για ραδιοκύψελα FM π.χ. $v = 100 \text{ MHz}$ $T = \frac{h\nu}{k_B \ln 2}$

$$T = \frac{6.626 \cdot 10^{-34} \text{ Js} \cdot 100 \cdot 10^6 \text{ Hz}}{1.38 \cdot 10^{-23} \text{ J ln 2}} \approx 6.927 \cdot 10^{-3} \text{ K} \approx 7 \cdot 10^3 \text{ K}$$

• για UV π.χ. με $\lambda = 200 \text{ nm}$

$$T = \frac{hc}{\lambda k_B \ln 2}$$

$$T = \frac{14,404 \cdot 10^{-3} \text{ Km}}{200 \cdot 10^{-9} \text{ m} \ln 2} \approx 103905 \text{ K}$$



Το διάγραμμα *Hertzsprung-Russell*,
η κατανομή της φωτεινότητας έναντι της επιφανειακής θερμοκρασίας των αστέρων .

• Για ποιό λ $\frac{dW_{\text{εκπ}}^{\text{ανδ}}}{dW_{\text{εκη}}^{\text{εγ}}} = 1$ σε θερμοκραστική δυναμική $T=300\text{K}$;

$$T = \frac{\frac{hc}{\lambda k_B} \ln 2}{\frac{hc}{k_B} \ln 2} \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{T k_B \ln 2}$$

$T=300\text{K}$

$$\frac{hc}{k_B} = 14.4 \cdot 10^{-3} \text{ Km}$$

$$\left. \begin{aligned} &\Rightarrow \lambda = \frac{14.4 \cdot 10^{-3} \text{ Km}}{3 \cdot 10^2 \text{ K} \cdot 0.693} \\ &\lambda \approx 6.928 \cdot 10^{-5} \text{ m} \\ &\lambda \approx 70 \mu\text{m} \quad \underline{\text{FIR}} \end{aligned} \right\}$$

ISO 20473 NIR $0.78 \mu\text{m} < \lambda < 3 \mu\text{m}$

MIR $3 \mu\text{m} < \lambda < 50 \mu\text{m}$

FIR $50 \mu\text{m} < \lambda < 1000 \mu\text{m} = 1\text{mm}$

ΣΥΓΚΡΙΣΗ ΕΞΑΝΑΓΚΑΣΜΕΝΩΝ ΔΙΕΡΓΑΣΙΩΝ

$$\frac{dW_{\text{ανδ}}^{\text{εγ}}}{dW_{\text{εκη}}^{\text{εγ}}} = \frac{B_{12} \rho(n, T) dt}{B_{21} \rho(n, T) dt} = 1$$

$$= \frac{g_2}{g_1}$$

άν γιλάχτε όλες συντηρείται υπόθεση στατιστική βέρνη

$(g_1=g_2)$

άν γιλάχτε όλες συντηρείται υπόθεση διαφορ. στατιστική βέρνη

$(g_1 \neq g_2)$

'Άλλα σε θερμοδιαγένεσης ισορροπία $N_2 \ll N_1 (\dots)$

$$\left. \begin{aligned} dN_{2 \rightarrow 1}^{\text{εγ}} &= N_2 \cdot dW_{\text{εκη}}^{\text{εγ}} \\ dN_{1 \rightarrow 2}^{\text{εγ}} &= N_1 \cdot dW_{\text{ανδ}}^{\text{εγ}} \end{aligned} \right\}$$

$$dN_{2 \rightarrow 1}^{\text{εγ}} \ll dN_{1 \rightarrow 2}^{\text{εγ}}$$

"Άρα γίνεται ότι εξαγκωνισμένων διεργασιών ανήγειρεται ο πληθυσμός της στάδιου 2

\Rightarrow μειώνεται η πυκνότητα άκτινοφορίας [όποιος ωπερλερή ή (εξαγκωνισμένη) άπορρίψη].

Στη συνέχεια, η αύξησης έκπονης, η διατάξη συσδέται με τη μετάβαση των ηλεκτρονίου από τη στάδιο 2 στη στάδιο 1, ένισχυται τη ψηφιακή άκτινοφορία.

ΑΣΚΗΣΗ 5 Συλλογή απώτων Η σε θερμοδυναμική λεσχαία

(...)

$$E_n = -\frac{13.6 \text{ eV}}{n^2} \quad \text{1810 ερεύπειες}$$

$$13.6 \text{ eV} = R_y \quad \begin{array}{l} \text{Rydberg} \\ \text{ενέργεια} \end{array}$$

$$\text{(α')} T = 4.2 \text{ K} \quad \text{(β')} T = 300 \text{ K}$$

$$k_B \approx 1.381 \cdot 10^{-23} \frac{\text{J}}{\text{K}} \approx 8.617 \cdot 10^{-5} \frac{\text{eV}}{\text{K}}$$

(A) $\frac{N_2}{N_1}, \frac{N_3}{N_2}, \frac{N_4}{N_3}, \frac{N_5}{N_4} \quad \left. \right\} \text{αντημέραν}$

(B) $\frac{dN_{2 \rightarrow 1}}{dN_{1 \rightarrow 2}}, \dots$

$$k_B T (4.2 \text{ K}) = 0.000361914 \text{ eV}$$

$$k_B T (300 \text{ K}) = 0.025851 \text{ eV} \quad \approx 26 \text{ meV}$$

$$\begin{aligned} E_1 &= -13.6 \text{ eV} \\ E_2 &= -3.4 \text{ eV} \\ E_3 &= -1.51 \text{ eV} \end{aligned}$$

(A) $N_j = \frac{N_0}{Z} \cdot e^{-\beta E_j}$, $\beta = \frac{1}{k_B T}$ ⇒ $\frac{N_{i+1}}{N_i} = \frac{e^{-\beta E_{i+1}}}{e^{-\beta E_i}} = e^{\beta(E_i - E_{i+1})}$

$$E_i - E_{i+1} = \frac{-R_y}{i^2} + \frac{R_y}{(i+1)^2} = R_y \cdot \frac{i^2 - (i+1)^2}{(i+1)^2 i^2}$$

$$= R_y \frac{(i-i-1)(i+i+1)}{(i+1)^2 i^2} = -R_y \cdot \frac{(2i+1)}{i^2 (i+1)^2}$$

$$E_1 - E_2 = -R_y \frac{3}{4} \quad \frac{4.2 \text{ K}}{\beta(E_1 - E_2)} \approx -28177 \quad \approx -394.5$$

$$E_2 - E_3 = -R_y \frac{5}{36} \quad \approx -5218 \quad \approx -73$$

$$E_3 - E_4 = -R_y \frac{7}{144} \quad \approx -1826 \quad \approx -25.57$$

$$E_4 - E_5 = -R_y \frac{9}{400} \quad \approx -845.3 \quad \approx -11.83$$

N₀

$$\frac{N_2}{N_1}$$

4.2 K
 $e^{-\frac{28177}{28177}}$ (Unterdruck)

300 K

$e^{-\frac{394.5}{394.5}} \approx 4.7 \cdot 10^{-172}$

$\frac{N_3}{N_2}$

$e^{-\frac{5218}{5218}} \approx 7.1 \cdot 10^{-2267}$

$e^{-\frac{73}{73}} = 1.98 \cdot 10^{-32}$

$\frac{N_4}{N_3}$

$e^{-\frac{1826}{1826}} \approx 9.5 \cdot 10^{-794}$

$e^{-\frac{25.57}{25.57}} \approx 7.85 \cdot 10^{-12}$

$\frac{N_5}{N_4}$

$e^{-\frac{8483}{8483}} = 7.78 \cdot 10^{-368}$

$e^{-\frac{11.83}{11.83}} \approx 7.28 \cdot 10^6$

Διλαγή σε κατόπιν αρρυθμούς προσπίνεται
 συνέπεια της έπικεμτης σείρας είναι ευχέριστη για
 τας πληροφορίας της προγράψεις σείρας

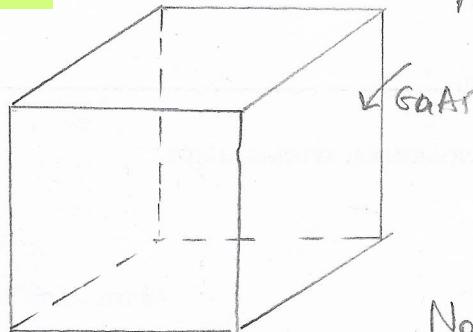
(B)

$$\frac{dN_{2 \rightarrow 1}^{es}}{dN_{1 \rightarrow 2}^{es}} = \frac{N_2 dW_{\text{exn}}^{es}}{N_1 \cdot dW_{\text{anop}}^{es}} = \frac{N_2 B_{21} p(\gamma T) dt}{N_1 B_{12} p(\gamma T) dt} = \frac{N_2}{N_1}$$

δημιουργίας

$$\frac{dN_{i+1 \rightarrow i}^{es}}{dN_{i \rightarrow i+1}^{es}} = \frac{N_{i+1}}{N_i} = \dots$$

$e^{\frac{93000}{9988}} \approx 5.93 \cdot 10$

 $\text{Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$

"Εως κατινή ρεδία:

$$E_2 = -50 \text{ meV}$$

$$E_1 = -100 \text{ meV}$$

No β προσώπων τα $\frac{N_2}{N_1} \propto \frac{dN_2^{\text{es}}}{dN_1^{\text{es}}} \text{ σε } T=4.2 \text{ K } \text{ & } T=300 \text{ K}$

ΛΥΣΗ

$$T=4.2 \text{ K} \Rightarrow k_B T = 0.36 \text{ meV} \Rightarrow \beta(E_1 - E_2) = \frac{-50 \text{ meV}}{0.36 \text{ meV}} = 138.8 \Rightarrow$$

$$T=300 \text{ K} \Rightarrow k_B T = 26 \text{ meV} \Rightarrow \beta(E_1 - E_2) = \frac{-50 \text{ meV}}{26 \text{ meV}} \approx -2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{N_2}{N_1} = e^{\beta(E_1 - E_2)} = 4.8 \cdot 10^{-61}$$

$$\Rightarrow \frac{N_2}{N_1} = e^{\beta(E_1 - E_2)} \approx 0.135 \quad \text{μη δυνατό}$$

$$\frac{dN_2^{\text{es}}}{dN_1^{\text{es}}} = \frac{B_{21} \rho(r, T) dt \cdot N_2}{B_{12} \rho(r, T) dt \cdot N_1} = \frac{N_2}{N_1} = \dots$$

$$\text{ΑΣΚΗΣΗ} \quad p = p_0 \frac{x^3}{e^x - 1} = \frac{8\pi h}{c^3} \frac{\gamma^3}{e^{hv/kT} - 1} \quad x = \frac{hv}{kT}$$

Έστω η Τ:

$$\textcircled{a} \lim_{x \rightarrow 0} p \quad \textcircled{b} \lim_{x \rightarrow \infty} p \quad \textcircled{g'} \vee \text{πολύ μικρές} \Rightarrow p = p_{RS}$$

$$\textcircled{g'} \vee \text{πολύ μεγάλες} \Rightarrow p = p_w$$

$$\textcircled{a'} \lim_{x \rightarrow 0} p = \lim_{x \rightarrow 0} p_0 \frac{x^3}{e^x - 1} = p_0 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2}{e^x} = 0$$

$$\textcircled{b'} \lim_{x \rightarrow \infty} p = \lim_{x \rightarrow \infty} p_0 \frac{x^3}{e^x - 1} = p_0 \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2}{e^x} = p_0 \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x}{e^x} = p_0 \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6}{e^x} = 0$$

$$\textcircled{g'} \text{πολύ μικρές} \Rightarrow x \text{ πολύ μικρές} \quad e^x = 1 + 1 \cdot \frac{x}{1!} + 1 \cdot \frac{x^2}{2!} + 1 \cdot \frac{x^3}{3!} + \dots$$

$$f(x) = f(0) + f'(0) \frac{x}{1!} + f''(0) \frac{x^2}{2!} + \dots$$

$$\text{όποιες } e^x - 1 \approx x \quad (\text{πρώτης ταξίδευσης προσέγγιση})$$

$$\text{"Άρα" } p = p_0 \frac{x^3}{e^x - 1} \approx p_0 \frac{x^3}{x} = p_0 x^2 = p_w$$

$$\textcircled{g'} \text{πολύ μεγάλες} \Rightarrow x \text{ πολύ μεγάλες} \quad e^x \gg 1$$

$$p = p_0 \frac{x^3}{e^x - 1} \approx p_0 \frac{x^3}{e^x} = p_w$$

$$\text{ΑΣΚΗΣΗ} \quad p_w(v, T) \neq p_{RS}(v, T) \quad \begin{cases} \text{για μικρές και μεγάλες συχνότητες} \\ \text{για μικρές και μεγάλες } v \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} p_w = \lim_{x \rightarrow \infty} p_0 \frac{x^3}{e^x} = p_0 \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6}{e^x} = 0 \quad \left. \begin{cases} \lim_{x \rightarrow \infty} p_w \neq \lim_{x \rightarrow \infty} p_{RS} \end{cases} \right.$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} p_{RS} = \lim_{x \rightarrow \infty} p_0 x^2 = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} p_w = p_0 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3}{e^x} = 0 \quad \lim_{x \rightarrow 0} p_0 x^2 = 0$$

Άλλα σε μικρά x

$$p_w = p_0 \frac{x^3}{e^x} \approx p_0 \frac{x^3}{1+x} \neq p_{RS} = p_0 x^2$$